

「機械学習のためのカーネル 100 問 with Python」 正誤表

鈴木讓

2024 年 8 月 14 日

第 1 章 正定値カーネル

P1 下 5 「 $A = B^\top B$ なる $B \in \mathbb{R}^{n \times n}$ が存在する」 \rightarrow 「すべての固有値が非負である」

P2 上 8 $\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n z_i A z_j \rightarrow z^\top A z$

P5 上 2 「任意の $n \geq 1$ と」の前に「 k が対称 ($k(x, y) = k(y, x)$, $x, y \in E$) であって」を追加。

P7 例 6 $n \geq 0$ は不要。

P8 上 1 $\|a\| := (a, a)^{1/2} \rightarrow \|a\| := \langle a, a \rangle^{1/2}$

P8 下 12 $\Psi_{2,1}(x_1, x_2) \rightarrow \Psi_{1,2}(x_1, x_2)$

P8 下 9 $\Psi_{1,2}(x_1, x_2) \rightarrow \Psi_{2,1}(x_1, x_2)$

P8 下 8 $\Psi_{2,2}(y_2, y_2) \rightarrow \Psi_{2,2}(y_1, y_2)$

P12 上 12 $A \cap B = \{\} \implies \mu(A \cup B) = \mu(A) + \mu(B) \rightarrow A_i \cap A_j = \{\} \implies \mu(\cup_{n=0}^{\infty} A_n) = \sum_{n=0}^{\infty} \mu(A_n)$

P14 下 7-5 $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \rightarrow \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}}$ (3 箇所)

P14 下 1 $\frac{\alpha}{2} \left\{ \left[\frac{e^{(it+\alpha)x}}{it+\alpha} \right]_{-\infty}^0 - \left[\frac{e^{(it-\alpha)x}}{it-\alpha} \right]_0^{\infty} \right\} \rightarrow \frac{\alpha}{2} \left\{ \left[\frac{e^{(it+\alpha)x}}{it+\alpha} \right]_{-\infty}^0 + \left[\frac{e^{(it-\alpha)x}}{it-\alpha} \right]_0^{\infty} \right\}$

P13 上 9 「関数 $\phi: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$ が」 \rightarrow 「関数 $\phi: \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^d$ が」

P16 上 11 最初のセルは以下のように修正

```
def string_kernel(x, y, p):
    m, n = len(x), len(y)
    S = 0
    for i in range(m-p):
        for j in range(n-p):
            if(x[i:i+p] == y[j:j+p]):
                S += 1
    return S
```

P17 上 3 `string_kernel(x, y)` \rightarrow `string_kernel(x, y, 2)`

P18 プログラム 3 行目: もしくは \rightarrow と, 16 行目: U1 のインデントを 1 個左へ

P19 2 番目のセル 31 行目の `return` のインデントを 1 個左へ

P21 2 番目のセル 2-3 行目を下記のように修正

```
node[0] = [1, 3]
node[1] = [3]
node[2] = [0, 4]
node[3] = [0, 4]
node[4] = [2]
```

P17 下 8 頂点にもつ → 根にもつ

P20 上 10 $\sum_{y' \in E_Y} P(x' | y') \Psi(x, y) \rightarrow \sum_{y' \in E_Y} P(x' | y') \Psi(x', y')$

P21 下 10 「 $p(\pi|G_1), p(\pi|G)$ のように」 → 「 $p(\pi|G_1), p(\pi|G_2)$ のように」

P23 下 10 $\lim_{a \rightarrow \infty} \int_{-a}^a e^{iza} \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \phi(t) e^{-t^2/n} e^{-ita} dt \rightarrow \lim_{a \rightarrow \infty} \int_{-a}^a e^{iza'} \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \phi(t) e^{-t^2/n} e^{-ita'} dt da'$

P25 問題 5 同一ある → 同一である

P25 問題 7 正則化 → 正規化

第 2 章 Hilbert 空間

P29 下 5 E の集積点 → E 触点 (touch point)、さらに $y \notin E$ のとき集積点

P30 上 3 集積点全体 → 触点全体

P30 上 5 集積点である → 触点である

P34 上 7 $\|av\| = |a|\|x\| \rightarrow \|ax\| = |a|\|x\|$

P35 上 4 左辺 $\|x + y\|^2 = \|x\|^2 + 2\langle x, y \rangle + \|y\|^2 \rightarrow \|x + y\|^2 = \|x\|^2 + 2\langle x, y \rangle + \|y\|^2$

P41 下 3 $\langle Tx_1, x_2 \rangle_2 = \langle x_1, y(x_2) \rangle_1 \rightarrow \langle Tx_1, x_2 \rangle_2 = \langle x_1, y_2(x_2) \rangle_1$

P43 下 1 $|\langle x_2, TT^*x_2 \rangle|_2 \rightarrow |\langle x_2, TT^*x_2 \rangle|_2$

P45 上 10 $\lambda \in \mathbb{R} \rightarrow \lambda \in \mathbb{C}$

P47 下 4 $\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n T_{i,j}^2 \rightarrow \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m T_{i,j}^2$

P48 上 4 「(2.16) に、 $x = e_j$ を代入すると、 $Tx = \lambda_j e_j$ となり、」 → 「(2.15) に、 $e = e_j$ を代入すると、 $Te_j = \lambda e_j$ と
なり、」

P48 上 11 命題 31 の最初に「 T が非負定値のとき」を追加。

P49 下 6 $\|f - f_n\|_2 \rightarrow \|f - f_n\|_2^2$

P50 上 7 $\lim_{n \rightarrow \infty} \langle \sum_{i=1}^n \alpha_j e_j, e_j \rangle = \alpha_i \rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \langle \sum_{j=1}^n \alpha_j e_j, e_i \rangle = \alpha_i$

P52 下 9 (2.23) 式 $\text{Ker}(T)^\perp = \text{Im}(T^*) \rightarrow \text{Ker}(T)^\perp = \overline{\text{Im}(T^*)}$

P55 問題 18 $d(x, z) < \Delta(z) \implies d(f(x), f(z)) < \epsilon \rightarrow d_1(x, z) < \Delta(z) \implies d_2(f(x), f(z)) < \epsilon$

第 3 章 再生核 Hilbert 空間

P67 上 5 例 3.2 → 例 51

P68 下 9 $\epsilon^2 \|f\|^2 \mu(E)^2 \rightarrow \epsilon^2 \|f\|^2 \mu(E)$

P70, 問題 38 $H_3(x) = 12x - 8x^3 \rightarrow H_3(x) = -12x + 8x^3, H_0(1) = 1 \rightarrow H_0(x) = 1, 4*x-8*x**3 \rightarrow -12*x+8*x**3$

P75 プログラム, 問題 42 13 行目から 17 行目までと 23 行目を 4 コラム左へ, 14 行目は不要

P85 上 7 上界 \rightarrow 上限

P85 上 9
$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n+1}} \rightarrow \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(n+1)^{3/2}}$$

P85 上 10 例 58 \rightarrow 例 60

第 4 章 カーネル計算の実際

P88 上 8 行目 なる $f \in H$ を求める \rightarrow を最小にする $f \in H$ を求める

P88 (4.1) $\alpha \rightarrow \alpha_j$

P88 下 1, P91 上 11
$$\hat{f}(x) = \sum_{i=1}^n \hat{\alpha}_i k(x_i, x) \rightarrow \hat{f}(x) = \sum_{i=1}^N \hat{\alpha}_i k(x_i, x)$$

P93 (4.8)
$$\sum_{j=1}^N \rightarrow \sum_{i=1}^N$$

P94 上 7 大きさを $1 \leq m \leq p \rightarrow$ 大きさを $1 \leq m \leq N$

P94 上 8-9
$$\alpha^{(1)} = \begin{bmatrix} \alpha_1^{(1)} \\ \vdots \\ \alpha_N^{(1)} \end{bmatrix}, \dots, \alpha^{(N)} = \begin{bmatrix} \alpha_1^{(N)} \\ \vdots \\ \alpha_N^{(N)} \end{bmatrix} \text{ より, } \alpha_1 = \begin{bmatrix} \alpha_1^{(1)} \\ \vdots \\ \alpha_1^{(m)} \end{bmatrix}, \dots, \alpha_N = \begin{bmatrix} \alpha_N^{(1)} \\ \vdots \\ \alpha_N^{(m)} \end{bmatrix} \text{ を構成し,}$$

P99 上 11 (4.13)(4.14) より, (4.12) は \rightarrow (4.13)(4.14) より, (4.11) は

P105 下 12
$$\alpha_1, \dots, \alpha_N, \beta_1, \dots, \beta_q \rightarrow \alpha_1, \dots, \alpha_N, \beta_0, \dots, \beta_{q-1}$$

P106 上 9
$$\left\{ y_i - \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^N \beta_j g_j(x_i) \right\}^2 \rightarrow \left\{ y_i - \sum_{j=1}^N \beta_j g_j(x_i) \right\}^2$$

P106 (4.28) $w \rightarrow \omega$

P109 下 7
$$\hat{K} = ZZ^T \rightarrow \hat{K} = \frac{1}{m} ZZ^T$$

P109 下 3, 問題 58
$$U(I_s + VU) = (I_r + UV)U \rightarrow U(I_s + VU)^{-1} = (I_r + UV)^{-1}U$$

P109 下 1
$$Z^T(ZZ^T + \lambda I_N)^{-1} = (Z^T Z + \lambda I_m)^{-1} Z^T \rightarrow Z^T(\frac{1}{m} ZZ^T + \lambda I_N)^{-1} = (\frac{1}{m} Z^T Z + \lambda I_m)^{-1} Z^T$$

P110 (4.33)
$$\hat{\beta} := (Z^T Z + m\lambda I_m)^{-1} Z^T y$$

P110 上 5
$$\begin{aligned} \hat{f}(x) &= \sum_{i=1}^N \hat{\alpha}_i k(x, x_i) = z(x) \sum_{i=1}^N z^T(x_i) \hat{\alpha}_i = z(x) Z^T \hat{\alpha} = z(x) Z^T (\hat{K} + \lambda I_N)^{-1} y \\ &= z(x) (Z^T Z + \lambda I_m)^{-1} Z^T y = z(x) \hat{\beta} \rightarrow \hat{f}(x) = \sum_{i=1}^N \hat{\alpha}_i k(x, x_i) = \frac{1}{m} z(x) \sum_{i=1}^N z^T(x_i) \hat{\alpha}_i = \frac{1}{m} z(x) Z^T \hat{\alpha} = \\ &= \frac{1}{m} z(x) Z^T (\hat{K} + \lambda I_N)^{-1} y = \frac{1}{m} z(x) (\frac{1}{m} Z^T Z + \lambda I_m)^{-1} Z^T y = z(x) \hat{\beta} \end{aligned}$$

P110 上 8 $O(m) \rightarrow O(m^2)$

P113 下 12
$$R = \sqrt{\lambda_i^{(N)}} [v_1, \dots, v_m] \rightarrow R = [v_1, \dots, v_m] \begin{bmatrix} \sqrt{\lambda_1^{(N)}} & \dots & 0 \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \dots & \sqrt{\lambda_m^{(N)}} \end{bmatrix}$$

P115 命題 47 正定値行列 $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ に対して, \rightarrow 正定値対称行列 $A \in \mathbb{R}^{N \times N}$ に対して,

P116 上 9 「ステップ 3 で... 選択されている」は記述が正確ではないので、ブログの記事を見てください。

P121 問題 48 $z \in \mathbb{R}^{N \times p} \rightarrow z \in \mathbb{R}^N$

第 5 章 MMD と HSIC

P126 上 13 $k_X : E_X \rightarrow \mathbb{R}, k_Y : E_Y \rightarrow \mathbb{R} \rightarrow k_X(x, \cdot) : E_X \rightarrow \mathbb{R}, x \in E_X, k_Y(y, \cdot) : E_Y \rightarrow \mathbb{R}, y \in E_Y,$

P127 上 9 を仮定すると \rightarrow が有限であることを仮定すると

$$\begin{aligned} \text{P132 上 9 } h_1(z_1) &= \mathbb{E}_{Z_2}[h(z_1, Z_2)] = \mathbb{E}[k(x_i, X_j)] + \mathbb{E}[k(y_i, Y_j)] - \mathbb{E}[k(x_i, Y_j)] - \mathbb{E}[k(x_j, Y_i)] = 0 \rightarrow h_1(z_1) = \\ &\mathbb{E}_{Z_2}[h(z_1, Z_2)] = \mathbb{E}[k(x_1, X_2)] + \mathbb{E}[k(y_1, Y_2)] - \mathbb{E}[k(x_1, Y_2)] - \mathbb{E}[k(y_1, X_2)] = 0 \end{aligned}$$

P132 命題 51 $m \rightarrow \infty \rightarrow N \rightarrow \infty$

$$\text{P132 下 1 } T_{\tilde{h}} : L^2[E, \mu] \ni f \rightarrow T_{\tilde{h}} : L^2[E, \eta] \ni f$$

P135 命題 52 $k_X, k_Y : E \rightarrow \mathbb{R} \rightarrow k_X, k_Y : E \times E \rightarrow \mathbb{R}$

$$\text{P145 下 1-2 } \int_E e^{i(x-y)w} d\eta(w) \rightarrow \int_{\mathbb{R}^d} e^{i(x-y)w} d\eta(w), \int_E |\int_E e^{iwx} d\mu(x)|^2 d\eta(w) \rightarrow \int_{\mathbb{R}^d} |\int_E e^{iwx} d\mu(x)|^2 d\eta(w)$$

P146 上 4-上 9, 命題 54 $E \rightarrow \mathbb{R}$ (6 箇所), $E(\eta) \rightarrow \mathbb{R}(\eta)$ (5 箇所)

P146 下 11 その確率の台が $E \rightarrow$ その確率の台が \mathbb{R}^d

$$\text{P147 命題 56 } \sum_{i=1}^{\infty} a_j^2 \rightarrow \sum_{j=1}^{\infty} a_j^2$$

P147 上 11 下記の 1 文を削除: 実際... 意味する。

$$\text{P147 例 81 } \gamma(x) := k(x, x)^{1/2} > 0 \rightarrow \gamma(x) := k_{\infty}(x, x)^{1/2} > 0, \|\gamma f(\cdot) - \sum_i \alpha_i \Psi(\cdot)\|_{\infty} \leq \|\gamma\|_{\infty} \epsilon \rightarrow \|\gamma f(\cdot) - \sum_i \alpha_i \Psi_i(\cdot)\|_{\infty} \leq \|\gamma\|_{\infty} \epsilon, \|f(\cdot) - \sum_i \alpha_i \gamma^{-1} \Psi(\cdot)\|_{\infty} \rightarrow \|f(\cdot) - \sum_i \alpha_i \gamma^{-1} \Psi_i(\cdot)\|_{\infty}$$

$$\text{P156 問題 74 } \widehat{HSIC} = \text{trace}(K_X H K_Y H) \rightarrow \widehat{HSIC} = \text{trace}(K_X H K_Y H) / N^2$$

第 6 章 Gauss 過程と関数データ解析

P162 2 番目のセル $z = \text{np.zeros}((r, n)) \rightarrow z = \text{np.zeros}((n, r))$

P164 2 番目のセル 2,3 行目の間に $x = \text{np.random.randn}(n, 2)$ を挿入

7 行目 $((n, n)) \rightarrow ((n, 2)), 10$ 行目 $k(x[i], x[j]) \rightarrow k(x[i, :], x[j, :])$

P169 上 10 $x_1, \dots, x_N \in \mathbb{R}^p \rightarrow x_1, \dots, x_N \in E$

$$\text{P172 (6.14) } 2\pi \det(k_*) \rightarrow 2\pi k_*$$

P173 上 4 (10 箇所), 上 9 (4 箇所) $W \rightarrow \hat{W}$

$$\text{P175 上 8 } (\Lambda + \sigma^2 I_N) k_{XZ} \rightarrow (\Lambda + \sigma^2 I_N)^{-1} k_{XZ}$$

$$\text{P175 上 9, 下 4 (2 箇所), 下 1 (2 箇所) } k_{ZX} k_{ZZ}^{-1} a \rightarrow k_{XZ} k_{ZZ}^{-1} a$$

P176 上 1 $f_2 \rightarrow f_Z$ (2 箇所)

$$\text{P176 上 4 } V = k_{ZX} \rightarrow V = k_{XZ}$$

$$\text{P176 命題 65 } K_{ZZ}^{-1} \rightarrow k_{ZZ}^{-1}$$

P162 下 11, 下 8 $x_{Zx} \rightarrow k_{Zx}$

P179 上 1 H の対応を検討する $\rightarrow \mathbb{R}$ の対応を検討する

$$\text{P179 下 4-5 } 2 \sum_{i=1}^{M(n)} \rightarrow M(n) \sum_{i=1}^{M(n)}$$

P180 命題 67 $L^2(E, \mathcal{F}, \mu) \rightarrow L^2(E, \mathcal{B}(E), \mu)$

$$\text{P184 (6.34) } \varphi_{\nu}(z) := \frac{2^{1-\nu}}{\Gamma(\nu)} \left(\frac{\sqrt{2\nu} z}{l} \right)^{\nu} K_{\nu} \left(\frac{\sqrt{2\nu} z}{l} \right)$$

P184 上 4 $I_{-\alpha}, I_{\alpha} \rightarrow I_{-\nu}, I_{\nu}$

P184 上 6 正整数 \rightarrow 非負整数

P190 下 6 $[\eta_1, \dots, \eta_m] \rightarrow [\eta_1, \dots, \eta_m]^{\top}$,

$$F_i(x) = \sum_{j=1}^m c_j^{\top} \eta(x) \rightarrow F_i(x) = c_i \eta(x),$$

$$m_N(x) := \frac{1}{N} F_i(x) \rightarrow m_N(x) := \frac{1}{N} \sum_{i=1}^n F_i(x),$$

$$m_N(x) = \sum_{j=1}^m d_j^\top \eta_j(x) \rightarrow m_N(x) = \sum_{j=1}^m d_j \eta_j(x)$$

P196 (6.41) 2 行目 $\dots - \{m(x) - m(y)\}^2] \rightarrow \dots + \{m(x) - m(y)\}^2]$